

Factorización de Polinomios

1. Halla un polinomio de grado 4 cuyas raíces sean $\{-1, 0, 2\}$ y el dos sea una raíz doble de dicho polinomio.
2. Inventa un polinomio de grado dos que tenga como raíces: $r_1 = \frac{3}{5}$ y $r_2 = 5$
3. Dados los polinomios $A(x) = 4x^4 - 3x^2 + 5x + 7$, $B(x) = 3x^3 - 2x^2 + 6x - 3$ y $C(x) = 2x^2 - x + 4$, calcular:
 - a. $A(x) + 2 \cdot B(x) - 3 \cdot C(x)$
 - b. $A(x) \cdot C(x)$
 - c. $A(x) : C(x)$
4. Desarrolla los siguientes productos notables:
 - a. $(3x^2 + 5b^2)^2$
 - b. $(5a - 8a^2)^2$
 - c. $25a^2 - x^2y^2 =$
5. Realiza la siguiente división: $\frac{P(x)}{Q(x)}$ donde:
 - a. $P(x) = x^5 - x^4 - 9x^3 + x^2 + 20x + 12$ y $Q(x) = x^3 + x^2 - 4x - 4$
 - b. $P(x) = x^5 + 10x^4 + 7x^3 - 74x^2 - 8x + 64$ y $Q(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$
 - c. $P(x) = 2x^4 - 19x^3 + 40x^2 - 26x + 4$ y $Q(x) = 2x^2 - 5x + 3$
6. Encuentra las raíces de los siguientes polinomios y factorízalos
 - a. $P(x) = 4x^4 - 8x^3 + 5x^2 - x$
 - b. $P(x) = 4x^4 + 4x^3 - x^2 - x$
 - c. $P(x) = 16x^4 - 20x^3 + 2x^2 + 2x$
 - d. $P(x) = x^5 - 7x^3 - 2x^2 + 12x + 8$
 - e. $P(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$
 - f. $P(x) = x^4 + 3x^3$
 - g. $P(x) = x^2 - 4x - 32$
 - h. $P(x) = 4x^2 + 4x + 1$
 - i. $P(x) = x^3 - x^2 - 5x - 3$
 - j. $P(x) = x^3 - 3x^2$
 - k. $P(x) = x^2 + 12x + 32$
 - l. $P(x) = 4x^2 + 48x + 128$
 - m. $P(x) = x^3 - 5x^2 - x + 5$
 - n. $P(x) = x^2 - 100$
 - o. $P(x) = 2x^2 - 4x - 16$
 - p. $P(x) = 3x^5 - 48x$
 - q. $P(x) = x^4 + 2x^3 + 8x + 16$
 - r. $P(x) = 4x^2 - 12x - 7$
7. Simplifica las siguientes fracciones algebraicas:
 - a. $\frac{x^2 - 3x + 2}{x^3 - 3x^2 + 2x}$
 - b. $\frac{mz^4y^3 - mz^2y}{m(z^2y^2 - zy)}$

Teorema del Resto

8. Hallar el cociente y el resto de la siguientes división: $(4x^4 - 3x^3 - x + 2) : (x + 1)$
9. Hallar k para que al dividir $x^4 - 2kx^3 + x^2 - 4kx + 9$ por $x + 1$ el resto sea igual a -7 .
10. Calcula el valor de " a " para que la división: $(x^2 - ax + 3) : (x - 5)$ sea exacta.
11. Calcula m y n para que la división del polinomio $P(x) = x^3 - 2x^2 + mx + n$ entre $x + 3$ sea exacta y entre $x - 1$ sea entera y de resto 28.
12. Halla los valores de m y n para que el polinomio $R(x) = mx^3 - nx^2 - 36$ sea divisible entre $x + 3$ y $x - 2$. Luego escribe el polinomio.
13. Halla el valor de k para que el polinomio $R(x) = 2x^3 - kx^2 + 16$ sea divisible entre $x - 4$.
14. Sean los polinomios: $P(x) = x^3 - 4x^2 + 5x - 2$ y $Q(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$.
 - Halla las raíces de ambos polinomios.
 - El m.c.m. $(P(x), Q(x))$ y el M.C.D. $(P(x), Q(x))$.
 - Realiza la siguiente operación y simplifica el resultado
$$\frac{(x+1)^2}{Q(x)} - \frac{x^2 - 1}{x \cdot P(x)} =$$

15. Sean $P(x) = x^3 - x^2 - x + 1$ y $Q(x) = x^3 - x$. Calcula las raíces de ambos polinomios, el m.c.m. $(P(x), Q(x))$ y el M.C.D. $(P(x), Q(x))$.

16. Sean los polinomios: $P(x) = x^4 - 18x^3 + 81x^2$ y $Q(x) = x^2 - 81$. Halla las raíces de ambos polinomios, el m.c.m. $(P(x), Q(x))$, y el M.C.D. $(P(x), Q(x))$.

17. Realiza las siguientes operaciones. Simplifica los resultados

- $\left(\frac{3x+3}{x^2-1} + \frac{3-x}{x^2-4x+3} \right) : \frac{2}{x^2-x} =$
- $\frac{x^3 - 4x}{2x^3 - 24x + 32} - \frac{x^2 + x - 2}{x^2 + x} =$
- $\frac{\frac{-1}{x - \frac{2x}{x + 2}}}{x - \frac{2x+1}{x+2}} =$
- $\frac{\frac{x-1}{x-\frac{1}{-1+\frac{1}{x+1}}}}{x-\frac{x}{-1+\frac{1}{x+1}}} =$
- $\frac{\frac{-1}{x-\frac{x}{x-\frac{2x+1}{x+2}}}}{x-\frac{x}{x-\frac{2x+1}{x+2}}} =$
- $\frac{\frac{x^2 - x - 6}{x^4 + 7x^3 + 16x^2 + 12x} - \frac{x^2 - 9}{x^3 + 5x^2 + 6x} - \frac{3 - x}{x^2 + 3x}}{} =$
- $\frac{\frac{x^2 - 2x - 3}{x^3 + x^2 - 2x} - \frac{x^2 - 16}{x^3 + 6x^2 + 8x} - \frac{3x - 7}{x^3 + x^2 - 2x}}{} =$
- $\frac{\frac{x^2 - 10x + 25}{x^3 - 2x^2 - 13x - 10} - \frac{x^2 - 2x + 1}{x^3 - x} - \frac{3x - 6}{x^3 - x}}{} =$

i. $\frac{x^2 - 2x + 1}{x - 1} - x + 2 =$

j. $\frac{1}{x^2 - 4} - \frac{x}{x + 2} + \frac{3}{x^2 - 2x} =$

k. $\frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 - 1} \cdot \frac{x^4 - 1}{x^2 + 1} =$

l. $\left[1 - \frac{7}{x} + \frac{11}{x^2} - \frac{5}{x^3} \right] : \left[\frac{1}{x} - \frac{2}{x^2} + \frac{1}{x^3} \right] =$

m. $\frac{1}{2a-4} \cdot \frac{4}{a+2} - \frac{a+2}{2a^2-8} =$

n. $\frac{m^2}{y^2 - x} \cdot \frac{y^2}{x + y^2} - \frac{m^2 x}{y^4 - x^2} =$